



ÉCOLE POLYTECHNIQUE
ÉCOLE SUPÉRIEURE DE PHYSIQUE ET CHIMIE INDUSTRIELLES

CONCOURS D'ADMISSION 2002

FILIÈRE **PC**

PREMIÈRE COMPOSITION DE PHYSIQUE

(Durée : 4 heures)

L'utilisation des calculatrices **est autorisée** pour cette épreuve.

Le vent à l'échelle des prévisions météorologiques nationales

L'air qui constitue l'atmosphère terrestre est concentré dans une couche d'une dizaine de kilomètres d'épaisseur au-dessus du sol : la troposphère.

On considère cet air comme un fluide constitué de domaines élémentaires dont les dimensions horizontales sont en France de quelques dizaines de kilomètres et les dimensions verticales d'une dizaine de mètres.

La première partie de ce problème présente différents modèles d'équilibre de l'atmosphère. La deuxième partie décrit les mouvements horizontaux et verticaux de cette atmosphère à grande échelle et présente le modèle dit du *vent géostrophique*. Enfin, on étudie dans la troisième partie les écarts entre ce modèle et le vent réel.

Dans tout le problème, l'air sera considéré comme un gaz parfait.

| | | |
|--|-------------------------|-----------------------------|
| Vitesse horizontale du vent | V_h | 10 m s^{-1} |
| Vitesse verticale du vent | V_z | 10^{-2} m s^{-1} |
| Échelle de temps des mouvements verticaux et horizontaux | τ | 10^5 s |
| Échelle des gradients horizontaux de pression | $\ \vec{\nabla}_h(P)\ $ | $10^{-3} \text{ Pa m}^{-1}$ |

Données numériques

| | |
|--|---|
| Constante des gaz parfaits | $R = 8,3 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ |
| Pression atmosphérique au niveau de la mer | $P_0 = 10^5 \text{ Pa}$ |
| Masse molaire de l'air | $M_a = 29 \text{ g mol}^{-1}$ |
| Rayon de la Terre | $r_T = 6,4 \times 10^3 \text{ km}$ |
| Accélération de la pesanteur en France | $g = 9,8 \text{ m s}^{-2}$ |
| Latitude typique de la France | $\varphi = 45^\circ$ |

I - Modèles d'équilibre de l'atmosphère

On considère de l'air en équilibre dans le référentiel terrestre R . Chaque élément de ce fluide est donc en équilibre sous l'action des forces extérieures à cet élément, qui sont de deux types : les forces de pression et la force due au champ de pesanteur.

1. L'air étant considéré comme un gaz parfait, calculer sa masse volumique $\rho_0 = \rho(P_0, T_0)$ dans les conditions normales de température $T_0 = 273 \text{ K}$ et de pression $P = P_0$.

2. On choisit dans R un repère orthonormé de vecteurs unitaires $\{\vec{e}_x, \vec{e}_y, \vec{e}_z\}$, dont l'origine O est située à la surface de la terre et où \vec{e}_z est dirigé vers les altitudes croissantes; l'état de l'atmosphère est caractérisé par les champs de pression $P(x, y, z)$ et de température $T(x, y, z)$.

a) Écrire la condition d'équilibre *mécanique* de l'air soumis aux forces de pression et au champ de pesanteur $\vec{g} = -g\vec{e}_z$ supposé localement *uniforme*.

b) En déduire que P ne dépend que de z et établir l'équation différentielle permettant de déterminer $P(z)$ en fonction de M_a, P, g, T et de la constante des gaz parfaits R .

3. On considère dans un premier temps l'atmosphère en équilibre isotherme.

a) Montrer que la pression varie avec l'altitude z selon une loi du type :

$$P(z) = P_0 \exp\left(-\frac{z}{H}\right)$$

où H est une longueur nommée *hauteur d'échelle* de l'atmosphère que l'on explicitera en fonction de M_a, R, g et T . Calculer la hauteur d'échelle H_0 de l'atmosphère isotherme à $T_0 = 273 \text{ K}$.

b) L'hypothèse d'une température uniforme est-elle justifiée ?

4. On considère maintenant l'atmosphère en équilibre adiabatique caractérisé à toute altitude par la relation $P = K\rho^\gamma$ où K est une constante et $\gamma = \frac{C_p}{C_v} \approx 1,4$ est le rapport des capacités thermiques à pression et volume constants des gaz parfaits diatomiques.

a) Montrer que dans ce modèle $P(z)$ et $T(z)$ vérifient les relations suivantes :

$$P(z) = P_0 \left(1 - \frac{z}{\frac{\gamma}{\gamma-1} H_0} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}}, \quad T(z) = T_0 \left(1 - \frac{z}{\frac{\gamma}{\gamma-1} H_0} \right)$$

b) Calculer numériquement le gradient vertical de température en K km^{-1} correspondant à ce modèle d'atmosphère en équilibre adiabatique.

c) Représenter graphiquement les allures des variations de la pression et de son gradient en fonction de l'altitude.

d) Calculer numériquement ce gradient de pression pour $z = 0, 2500$ et 5000 m.

e) À partir des gradients de pression trouvés, donner un ordre de grandeur de l'échelle de la dimension verticale L_z sur laquelle la pression varie de 100 Pa.

f) Exprimer le rapport des masses volumiques de l'air $\rho(P, T)/\rho(P_0, T_0)$ en fonction de z, H_0 et γ . Calculer ρ à 2500 m d'altitude.

II - Dynamique des mouvements atmosphériques à l'échelle synoptique : le vent géostrophique

1. La Figure 1 représente les lignes isobares, cotées en hPa et tracées de 2 hPa en 2 hPa, au niveau de la mer en Europe de l'Ouest, le 23 janvier 2002 à 0 h.

a) Déterminer sur cette carte de pression la valeur du gradient de pression horizontal à Bordeaux. Comparer à la donnée de la Table 1. Dorénavant, la valeur du gradient horizontal de pression utilisée dans les applications numériques sera celle donnée par cette Table 1.

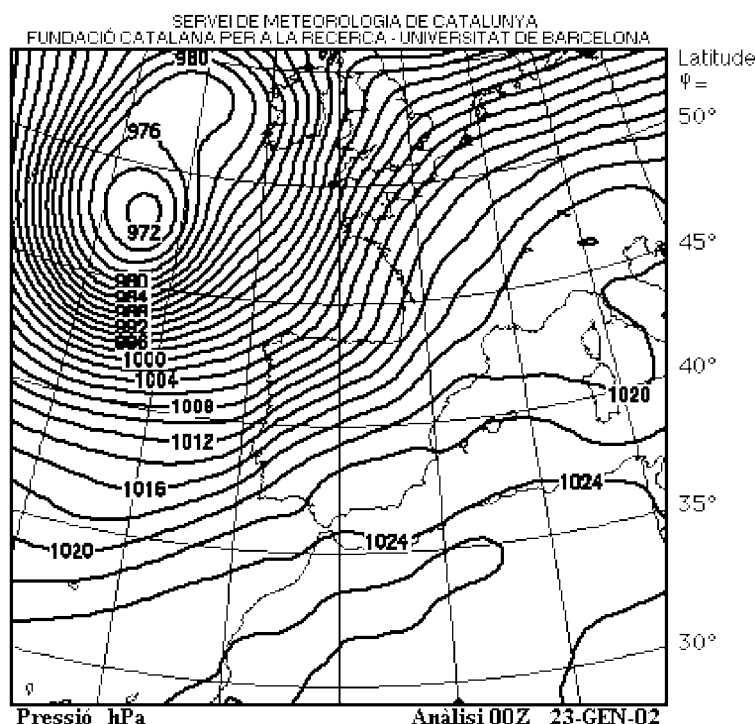


Figure 1

b) Sachant qu'on attribue habituellement aux domaines élémentaires des dimensions horizontales L_h telles que la pression horizontale varie en moyenne de 100 Pa, déterminer un ordre de grandeur de L_h .

Dans la suite du problème, nous nous placerons à cette échelle.

2.a) Donner l'expression du champ de gravitation terrestre $\vec{g}^*(\vec{r})$ en un point repéré par \vec{r} par rapport au centre de la Terre, assimilée à une sphère homogène de masse M_T . On désignera par G la constante de gravitation universelle.

b) Établir l'expression donnant la variation avec l'altitude z du module $g^*(z) = \|\vec{g}^*\|$ en fonction du rapport $\frac{z}{r_T}$ et de $g^*(0)$. Quelle est l'erreur relative commise à 2500 m d'altitude si l'on remplace $g^*(z)$ par $g_0^* = g^*(0)$.

3. Soit R_0 le référentiel barycentrique terrestre, géocentrique, que l'on considérera comme galiléen, et soit R_ℓ le référentiel terrestre local, dont l'origine O a pour latitude φ (Figure 2). On choisit Ox tangent au parallèle passant par O et dirigé vers l'Est, Oy tangent au méridien passant par O et dirigé vers le Nord.

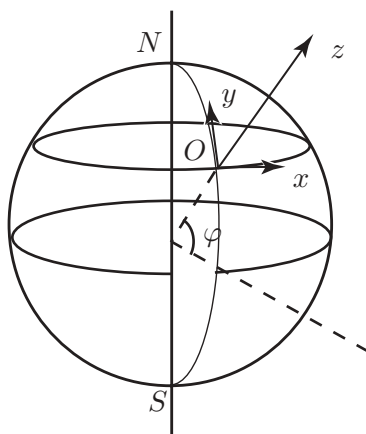


Figure 2

Le référentiel R_ℓ est animé par rapport à R_0 d'un mouvement de rotation diurne uniforme de vitesse angulaire $\vec{\omega}$.

a) Préciser dans R_ℓ la direction de l'accélération d'entraînement $\vec{\Gamma}_E(\vec{r})$. Pour un point d'altitude z à la verticale de O , établir l'expression de son module $\Gamma_E(z)$ en fonction de ω, z, r_T et φ . Quelle est l'erreur relative commise sur Γ_E à 2500 m d'altitude si l'on remplace $\Gamma_E(z)$ par $\Gamma_{E_0} = \Gamma_E(0)$. Calculer la valeur typique de Γ_{E_0} en France.

b) Soit $\vec{g}(\vec{r})$ le champ de pesanteur local, dont la direction est donnée par celle d'un fil à plomb. Dédire des résultats précédents la relation entre le champ de pesanteur $\vec{g}(\vec{r})$, le champ de gravitation terrestre $\vec{g}^*(\vec{r})$ et l'accélération d'entraînement $\vec{\Gamma}_E(\vec{r})$. Justifier l'hypothèse d'un champ de pesanteur localement *uniforme* \vec{g} utilisée en **I**.

c) Une particule de masse m se déplace à la vitesse \vec{V} dans R_ℓ . Donner l'expression de l'accélération de Coriolis $\vec{\Gamma}_C$ correspondante en fonction de \vec{V} et $\vec{\omega}$. Exprimer la force d'inertie de Coriolis \vec{F}_C dans $Oxyz$ en fonction de m, ω , de la latitude φ et des composantes (V_x, V_y, V_z) de \vec{V} .

4. Sur l'air atmosphérique en mouvement s'exercent les forces de pesanteur, d'inertie de Coriolis et de gradient de pression; écrire l'équation vectorielle du mouvement d'un domaine particulière; en déduire les trois équations donnant les coordonnées de l'accélération locale $\vec{I} = \dot{\vec{V}}$ dans $Oxyz$.

5. On se propose tout d'abord d'étudier les *mouvements verticaux de l'air* dans le cadre du modèle d'atmosphère en équilibre adiabatique.

a) Évaluer les ordres de grandeur des différents termes situés dans le second membre de l'équation du mouvement vertical, en utilisant les résultats trouvés à la question **I.4.d)** lorsqu'on se place à 2500 m d'altitude, pour une latitude $\varphi = 45^\circ$ et un vent de l'ordre de 10 m s^{-1} . Que peut-on en déduire sur l'importance de la composante verticale de la force d'inertie de Coriolis?

b) Les observations montrent qu'en dehors de très brèves périodes d'adaptation aux perturbations verticales, les ascendances ou descendances sont particulièrement stables dans le temps. Que peut-on en conclure concernant l'amplitude de l'accélération verticale? À partir des données de la Table 1, estimer l'ordre de grandeur de l'accélération verticale. En effectuant alors les simplifications légitimes, à quoi se réduit l'équation du mouvement vertical de l'air? Conclure quant aux résultats de la partie **I**.

6. On étudie maintenant les *mouvements horizontaux de l'air* en se plaçant à 2500 m d'altitude.

a) En s'appuyant sur les données de la Table 1, simplifier les équations du mouvement horizontal. On définit le paramètre de Coriolis k par $k = 2\omega \sin \varphi$: quelles sont ses valeurs numériques respectives à des latitudes de 45° dans les hémisphères Nord et Sud.

b) On définit la vitesse relative horizontale par $\vec{V}_h = V_x \vec{e}_x + V_y \vec{e}_y$. Montrer que la force de Coriolis horizontale par unité de masse peut s'exprimer sous la forme: $\vec{f}_{Ch} = -k(\vec{e}_z \wedge \vec{V}_h)$. Que peut-on en conclure sur l'orientation du vecteur \vec{f}_{Ch} par rapport au vecteur \vec{V}_h dans les hémisphères Nord et Sud?

c) Calculer le module de la force horizontale de Coriolis rapportée à l'unité de masse \vec{f}_{Ch} à une altitude de 2500 m pour laquelle le vent a une vitesse horizontale de 15 m/s à une latitude de 45° . En prenant comme gradient horizontal de pression à la même altitude celui donné par la Table 1, calculer le module de la force de pression horizontale par unité de masse \vec{f}_{Ph} .

d) De façon générale, les observations montrent que les accélérations tangentielles subies par les domaines particuliers dans leurs mouvements horizontaux sont toujours très faibles dans les grands mouvements atmosphériques sous nos latitudes moyennes. De même les accélérations normales sont en général très petites sauf à l'avant des dépressions mobiles. En vous appuyant sur les données de la Table 1, estimer l'ordre de grandeur des modules des quantités \vec{f}_{Ch} , \vec{f}_{Ph} et de l'accélération horizontale $\vec{I}_h = \dot{\vec{V}}_h$. Que peut-on en conclure pour la valeur de la somme vectorielle $\vec{f}_{Ph} + \vec{f}_{Ch}$?

7. On appelle *vent géostrophique* le vent *fictif* de vitesse horizontale \vec{V}_g vérifiant *identiquement* l'équation $\vec{f}_{Ph} + \vec{f}_{Ch} \equiv 0$.

a) Montrer que ce vent est entièrement déterminé par la connaissance de la distribution spatiale de pression et exprimer son champ de vitesse \vec{V}_g à l'aide du gradient horizontal de pression $\vec{\nabla}_h(P)$.

b) Quelle est la valeur de l'accélération $\vec{\Gamma}_g$ et la nature locale de la trajectoire des particules constituant le *vent géostrophique* ? Préciser sur un schéma les orientations respectives de \vec{V}_g , \vec{f}_{Ph} et \vec{f}_{Ch} dans les hémisphères Nord et Sud.

c) Compte tenu des ordres de grandeurs donnés dans la Table 1, vérifier que, pour la latitude de 45° , le module V_g de la vitesse géostrophique est égal à V_h . Définir à l'aide de la figure 3 la fourchette de latitude pour laquelle l'écart relatif $\frac{|V_g - V_h|}{V_h}$ reste inférieur à 30%.

d) En déduire les deux conditions nécessaires pour que le vent géostrophique soit une bonne approximation $\vec{V}_g \approx \vec{V}_h$ du vent réel. Ces conditions sont-elles vérifiées aux latitudes équatoriales ($\varphi < 20^\circ$) ?

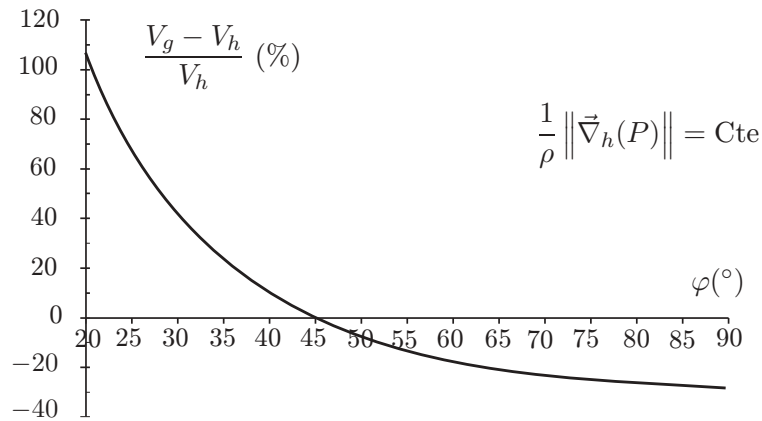


Figure 3

III - Écarts entre le vent géostrophique et le vent réel : le *vent de gradient*

Le vent réel est parfois en désaccord avec le vent géostrophique notamment au voisinage des dépressions. Ce désaccord provient de la présence dans l'équation du mouvement horizontal du terme d'accélération $\vec{\Gamma}_h$ qui a été négligé dans l'hypothèse géostrophique. Malgré l'apparente complexité des cartes qui décrivent les perturbations météorologiques, les distributions de vitesse et de pression sont cependant assez simplement reliées au prix de quelques approximations.

1. Pour une analyse plus fine des mouvements horizontaux locaux, on utilise dans R_ℓ , en *tout point du champ d'écoulement*, le repère dit *naturel* constitué d'un trièdre direct de vecteurs unitaires $\{\vec{e}_t, \vec{e}_n, \vec{e}_z\}$ tel que \vec{e}_t soit parallèle et de même orientation que la vitesse réelle horizontale \vec{V}_h et tel que \vec{e}_z soit orienté verticalement vers le haut. Dans ce repère la vitesse horizontale s'écrit $\vec{V}_h = V\vec{e}_t$, avec $V = \frac{ds}{dt} \geq 0$, où s est l'abscisse curviligne de la particule le long de sa trajectoire. On rappelle la relation $\frac{d\vec{e}_t}{ds} = \frac{\vec{e}_n}{R_c}$, où R_c est le rayon algébrique de courbure de la

trajectoire, son signe étant celui de la coordonnée du centre de courbure mesurée le long de l'axe orienté par \vec{e}_n .

a) Décomposer dans ce repère *naturel*, selon \vec{e}_t et \vec{e}_n , l'accélération $\vec{\Gamma}_h$, la force de Coriolis horizontale \vec{f}_{Ch} , la force de pression horizontale \vec{f}_{Ph} et la vitesse géostrophique \vec{V}_g .

b) On note $\vec{e}_t \cdot \vec{\nabla}P = \frac{\partial P}{\partial s}$ et $\vec{e}_n \cdot \vec{\nabla}P = \frac{\partial P}{\partial n}$. Montrer que dans le repère *naturel* les deux composantes tangentielle et normale de l'accélération $\vec{\Gamma}_h$ vérifient les systèmes :

$$\Gamma_{ht} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial s} \quad \Gamma_{hn} = -kV - \frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial n}$$

2. Afin d'obtenir une approximation meilleure prenant en compte la courbure des trajectoires, on impose à l'accélération $\vec{\Gamma}_h$ la condition $\Gamma_{ht} = 0$ moins restrictive que la condition $\vec{\Gamma}_h = 0$ définissant l'approximation géostrophique. Le vent *approché* ainsi défini porte le nom de *vent de gradient*, sa vitesse \vec{V}_∇ et son accélération $\vec{\Gamma}_\nabla$ horizontales seront repérées par l'indice ∇ . On effectue de plus une hypothèse simplificatrice supplémentaire : la composante du gradient de pression normale à la trajectoire de la particule est supposée constante le long de cette dernière.

a) Comparer les trajectoires et les lignes isobares. Quelle est leur forme ? Par un dessin, préciser en un point d'une trajectoire, les directions respectives du gradient de pression, de la vitesse \vec{V}_g du vent géostrophique, de la vitesse \vec{V}_∇ et de l'accélération $\vec{\Gamma}_\nabla$ du vent de gradient ?

b) Montrer que le module V_∇ de la vitesse du vent de gradient est solution d'une équation du second degré. En déduire que V_∇ est liée à V_g par la relation

$$\frac{V_\nabla - V_g}{V_\nabla} = -\frac{V_\nabla}{R_c k}$$

Déterminer son ordre de grandeur avec les données de la Table 1.

c) Compte tenu du résultat précédent et *en se limitant à l'hémisphère Nord*, vérifier que les deux solutions ayant pour expression $V_\nabla = \frac{1}{2} R_c k \left\{ \sqrt{1 - \frac{4}{\rho k^2 R_c} \frac{\partial P}{\partial n}} - 1 \right\}$ avec $R_c > 0$ pour

l'une et $R_c < 0$ pour l'autre, $\frac{\partial P}{\partial n}$ étant négatif dans les deux cas, sont physiquement admissibles. On admettra sans démonstration que ce sont les deux seules. Pour chacune des deux situations météorologiques, faire un schéma faisant apparaître les directions et les amplitudes relatives des forces, le sens de rotation du vent de gradient ainsi que les directions et les amplitudes relatives de la vitesse géostrophique et de celle du vent de gradient.

d) Montrer que dans le cas des anticyclones (hautes pressions) le gradient de pression ne peut dépasser une valeur limite fonction du rayon R_c . Que peut-on en conclure quant à la forme du profil de pression et à la force du vent au voisinage du centre d'un anticyclone par comparaison avec la région proche du centre d'une dépression ? Commenter en faisant référence à la figure 1.

* *
*

Rapport de M. Frédéric PINCET et M^{me} Sophie REMY, correcteurs.

Le problème de cette année traitait d'un phénomène météorologique, l'étude des vents, à partir d'un modèle simplifié. L'épreuve ne faisait pas appel à des connaissances très compliquées, mais sa réussite nécessitait une lecture attentive, de l'application dans le déroulement des raisonnements, et comme les années précédentes, de la rigueur et certaines prises d'initiatives pour les interprétations des résultats et l'analyse des documents.

De nombreux résultats intermédiaires ont évité les blocages, et l'épreuve a été assez bien réussie, certains candidats ayant même traité l'ensemble des questions proposées. L'exigence des correcteurs s'est donc recentrée sur la qualité des raisonnements et la clarté des solutions proposées. Ainsi des candidats ayant eu le sentiment d'avoir bien avancé ont-ils pu être déçu par leur note. Rappelons s'il en est besoin que l'épreuve sert à classer les prétendants à l'Ecole Polytechnique et l'ESPCI, et qu'il ne s'agit nullement d'un examen.

La répartition des notes est donc la suivante, avec 3,6% de scores potentiellement éliminatoires (note < 2) :

| | |
|---------------------|-------|
| $0 \leq N < 5$ | 16,5% |
| $5 \leq N < 10$ | 36,1% |
| $10 \leq N < 15$ | 36,6% |
| $15 \leq N \leq 20$ | 10,8% |

Nous conservons notre démarche des années antérieures, à savoir des remarques d'ordre général suivies de l'analyse des questions. La première partie est largement redondante avec nos commentaires précédents, aussi encourageons-nous fortement les présents lecteurs à consulter les rapports des années passées.

Ce type d'épreuve sert à mettre en valeur les qualités scientifiques des candidats. Sa réussite passe bien évidemment par une bonne connaissance du cours et des méthodes, mais aussi par leur utilisation rationnelle et à propos. Il ne s'agit pas de « déballer » un calcul bêtement, ou de caser une démonstration ou la vague réminiscence d'un exercice. Il s'agit de faire preuve d'une démarche scientifique cohérente et constructive.

Bien sûr, cette démarche n'est mise en valeur que si les idées sont exprimées clairement et que le raisonnement ne recèle aucune ambiguïté. Trop de candidats semblent immatures sur ce point et donnent l'impression de n'attacher de l'importance qu'au résultat. Sont-ils à ce point naïfs de penser que le correcteur se contentera d'un vague « il est évident que », ou d'un calcul brut, sans explications ni justifications ?

Les réponses aux questions qualitatives ou d'analyse de documents se bornent trop souvent à de la paraphrase. Les candidats perdraient moins leur temps à essayer d'engager une réelle réflexion. Rappelons que nous lisons avec une grande attention les copies et que nous attribuons des points à tous les éléments positifs. En revanche, les copies bâclées et

les raisonnements escamotés sont sanctionnés.

Concernant l'analyse détaillée des questions, nous indiquons entre crochets, le pourcentage des copies ayant obtenu plus de la moitié des points attribués. La plupart des questions ont été largement réussies, mais avec de fortes nuances d'un candidat à l'autre.

Première partie

1. [95 %]

La première question est une question classique et rassurante.

2. [99 %]

La deuxième aussi. Le cours d'hydrostatique est largement su et assimilé.

3. [91 %]

a) La notion de « hauteur d'échelle » n'a pas toujours été comprise. L'application numérique n'a souffert que de conversion d'unités.

b) L'interprétation du résultat numérique précédent est souvent hasardeuse . . . Nous tenons compte de tous les arguments, quand la réponse ne se borne pas à un vague « oui » ou « non ». Néanmoins nous avons été étonnés que des candidats affirment que la température varie peu entre la niveau de la mer et le sommet de l'Everest !

4. [82 %]

a) Les expressions données doivent rassurer le candidat, et non l'inciter à « bidouiller ». Ceux qui ont établi seulement la deuxième formule, cela « honnêtement » à partir de la première ont obtenu les points dévolus. D'autres sont partis dans de prétendus « calculs très compliqués » qui n'ont impressionné qu'eux-mêmes.

b) L'application numérique était sans surprise. Certains l'ont agrémenté d'un petit commentaire pertinent.

c) Le tracé de courbes est-il encore au programme de mathématiques ? Nous sommes étonnés des résultats. Une brève analyse mathématique se révélerait sans doute plus fructueuse qu'un mauvais usage de la calculatrice et du choix des échelles en particulier.

d) et e) Ces applications numériques sont la continuité de celles du b).

Rappelons que si une erreur de calcul ou de conversion d'unité est toujours possible, des valeurs numériques aberrantes devraient interpeller le candidat et l'inciter à un petit commentaire montrant qu'il est conscient d'un éventuel problème. Un gradient de 1000K/m, donné tel quel est tout simplement inacceptable.

f) Le calcul littéral et l'application numérique n'ont pas posé de problème particulier, si ce n'est un cumul d'erreurs à partir des réponses précédentes. Souvent les candidats ne

lisent pas la question en entier et omettent une partie de la réponse.

Deuxième partie

1. [62 %]

La question se résout avec un double décimètre et une règle de trois. La seule difficulté résidait dans les ordres de grandeur des dimensions caractéristiques de la France. Nous sommes rassurés de constater la bonne culture géographique des élèves.

2. [87 %]

La question est très proche du cours, et les erreurs sont majoritairement des étourderies. La notion d'erreur relative en revanche n'a pas toujours été bien perçue et son calcul a parfois donné lieu à des résultats surprenants. Il en est de même dans les questions suivantes.

3. [84 %]

a) et b) La composition des mouvements est dans l'ensemble très mal assimilée. L'accélération d'entraînement n'a été que très rarement bien définie, son sens était faux dans la grande majorité des cas. Nous regrettons que les candidats n'aient pas pris l'initiative de faire une figure claire qui les aurait réellement aidés. La définition du champ de pesanteur s'est trouvé affectée pour les mêmes raisons.

c) La définition de l'accélération de Coriolis est bien connue, et sauf erreurs concernant le signe ou le calcul du produit vectoriel, la question n'a pas présenté de difficultés.

4. [64 %]

Le bilan des forces était donné par l'énoncé, mais des candidats se sont pourtant fortement compliqué la vie. Dans la mesure où une question amont avait servi à étudier le champ de pesanteur et ses approximations, nous avons été surpris qu'un nombre non négligeable de candidats aient conservé la force d'inertie d'entraînement, souvent d'ailleurs avec des projections fausses. Ces erreurs d'appréciation se sont donc répercutées sur les questions suivantes.

5. [73 %]

Les deux parties de cette question font appel à une bonne estimation, puis à une analyse rationnelle, des ordres de grandeur des différents termes des expressions trouvées. Nous attendons des arguments CLAIRS et surtout COMPARATIFS. Rien n'est « grand » ou « petit » en soi.

6. [74 %]

L'énoncé dirige grandement la réflexion, mais il faut quand même être attentif dans les calculs et les orientations, et surtout les justifier !