



Cinématique du SOLIDE INDÉFORMABLE

Cinématique plane : Résolution graphique

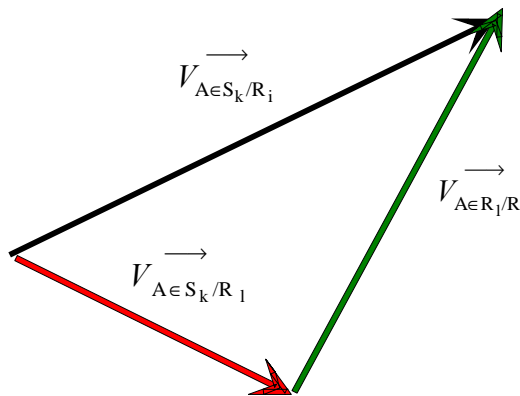
Sommaire

1. COMMENT RESOUDRE LA CINEMATIQUE D'UN MECANISME PAR UNE RESOLUTION GRAPHIQUE ?	2
1.1. RESUME DES SAVOIRS DANS LE BUS D'UNE ETUDE DE CINEMATIQUE D'UN MECANISME EN RESOLUTION GRAPHIQUE	2
1.1.1. Expliciter (formuler) les constructions issues de la relations $\vec{V}_{A \in Sk/Ri} = \vec{V}_{A \in Sk/RI} + \vec{V}_{A \in RI/Ri}$:.....	2
1.1.2. Expliciter (formuler) les constructions issues de la relations $\vec{V}_{A \in Sk/Ri} = \vec{V}_{B \in Sk/Ri} + \vec{AB} \wedge \vec{\Omega}_{Sk/Ri}$:.....	2
1.2. PRESENTATION DU MECANISME	4
1.3. SCHEMA CINEMATIQUE DU MECANISME ET OBJECTIF DE L'ETUDE	4
1.3.1. L'objectif nous interpelle	4
1.4. DONNEES ET GRAPHE DES STRUCTURES DU MECANISME.....	5
1.4.1. Les solides.....	5
1.4.2. Les liaisons entre solides	5
1.4.3. La cinématique est-elle résoluble ?.....	5
1.4.3.1 La mobilité.....	5
1.4.3.2 Le nombre d'équations cinématiques obtenues par composition de mouvement	5
1.4.3.3 Le nombre d'inconnues cinématiques	5
1.4.3.4 Le nombre d'inconnues cinématiques effectives	5
1.4.3.5 Conclusion sur la possibilité de résolution	5
1.4.4. Traduction et modélisation vectorielle du mécanisme (analyse vectorielle du mécanisme).....	5
1.4.5. Tracer de l'épure	6
1.4.6. Inventorier l'état des connaissances cinématiques du mécanisme	7
1.5. METHODE DE RESOLUTION PAR LA CINEMATIQUE RESOLUTION GRAPHIQUE	7
1.6. EPURE TRADUISANT LA GEOMETRIQUE ET LES VECTEURS VITESSES.....	9

1. COMMENT RESOUDRE LA CINEMATIQUE D'UN MECANISME PAR UNE RESOLUTION GRAPHIQUE ?

1.1. Résumé des savoirs dans le bus d'une étude de cinématique d'un mécanisme en résolution graphique

1.1.1. Expliciter (formuler) les constructions issues de la relations $\vec{V}_{A \in S_k / R_i} = \vec{V}_{A \in S_k / R_l} + \vec{V}_{A \in R_l / R_i}$:



Composition de mouvement

Tracer d'une somme vectorielle simple.

Attention, si le savoir est simple, son utilisation pose souvent des problèmes de compréhension.

1.1.2. Expliciter (formuler) les constructions issues de la relations $\vec{V}_{A \in S_k / R_i} = \vec{V}_{B \in S_k / R_i} + \vec{AB} \wedge \vec{\Omega}_{S_k / R_i}$:

Les données sont : La vitesse $\vec{V}_{A \in S_k / R_i}$ et la direction de la vitesse $\vec{V}_{B \in S_k / R_i}$

- 1-Tracer de $\vec{V}_{B \in S_k / R_i}$: (tracer en rouge)

$\vec{V}_{A \in S_k / R_i} = \vec{V}_{B \in S_k / R_i} + \vec{AB} \wedge \vec{\Omega}_{S_k / R_i} \Leftrightarrow \vec{V}_{A \in S_k / R_i} \cdot \vec{AB} = \vec{V}_{B \in S_k / R_i} \cdot \vec{AB}$ traduit que la projection orthogonale de $\vec{V}_{A \in S_k / R_i}$ sur la direction de \vec{AB} est égale à la projection orthogonale de $\vec{V}_{B \in S_k / R_i}$ sur la direction de \vec{AB} .

- Rechercher le Centre instantané de rotation du mouvement de S_k / R_i : (tracer en bleu)

$$\vec{V}_{A \in S_k / R_i} = \underbrace{\vec{V}_{I \in S_k / R_i}}_0 + \vec{AI} \wedge \vec{\Omega}_{S_k / R_i} \text{ d'où } \vec{V}_{A \in S_k / R_i} \perp \vec{AI} \text{ et}$$

$$\vec{V}_{B \in S_k / R_i} = \underbrace{\vec{V}_{I \in S_k / R_i}}_0 + \vec{BI} \wedge \vec{\Omega}_{S_k / R_i} \text{ d'où } \vec{V}_{B \in S_k / R_i} \perp \vec{BI}$$

le point I se trouve à l'intersection de ces deux droites.

- Recherche de la vitesse d'un point E quelconque du plan, $\vec{V}_{E \in S_k / R_i}$

$$\vec{V}_{E \in S_k / R_i} = \underbrace{\vec{V}_{I \in S_k / R_i}}_0 + \vec{EI} \wedge \vec{\Omega}_{S_k / R_i} \text{ d'où } \vec{V}_{E \in S_k / R_i} \perp \vec{EI} \text{ et en prenant un point A' sur la droite IE tel}$$

que $\|\vec{IA'}\| = \|\vec{IA}\|$, la vitesse de A' est perpendiculaire à la droite IA

$$\vec{V}_{A \in S_k / R_i} = \underbrace{\vec{V}_{I \in S_k / R_i}}_0 + \vec{AI} \wedge \vec{\Omega}_{S_k / R_i} \text{ d'où } \vec{V}_{A \in S_k / R_i} \perp \vec{AI} \text{ et } \left\| \frac{\vec{V}_{A \in S_k / R_i}}{\vec{V}_{B \in S_k / R_i}} \right\| = \left\| \frac{\vec{I_{ki}A}}{\vec{I_{ki}B}} \right\|$$

