

## Énoncés des exercices

**EXERCICE 1** [[Corrigé](#)]

Montrer que  $\lim_{n \rightarrow \infty} \prod_{k=1}^n (1 + x^k)$  existe dans  $\mathbb{R}$  si  $0 < x < 1$ .

**EXERCICE 2** [[Corrigé](#)]

Résoudre le système  $(e^x e^{2y} = a, \quad 2xy = 1)$  (avec  $x, y$  dans  $\mathbb{R}$ )

**EXERCICE 3** [[Corrigé](#)]

Résoudre l'équation  $(E)$  :  $e^x + e^{1-x} - e - 1 = 0$ .

**EXERCICE 4** [[Corrigé](#)]

Montrer que pour tout  $x$  positif ou nul,  $(x - 2)e^x + x + 2 \geq 0$ .

**EXERCICE 5** [[Corrigé](#)]

Résoudre  $2^{\sin^2 x} = \cos x$ .

**EXERCICE 6** [[Corrigé](#)]

Résoudre  $(a^b)^x = a^{(b^x)}$ , puis  $a^{(b^x)} = b^{(a^x)}$  (avec  $a > 0$  et  $b > 0$  donnés).

**EXERCICE 7** [[Corrigé](#)]

Résoudre  $4^x - 3^{x-1/2} = 3^{x+1/2} - 2^{2x-1}$ .

**EXERCICE 8** [[Corrigé](#)]

Résoudre le système  $\begin{cases} 3^x 5^y = 2^{2x+1} + 2^{2x-1} \\ 3^y 5^x = 2^{2x+2} + 2^{2x-2} \end{cases}$

**EXERCICE 9** [[Corrigé](#)]

Calculer les dérivées des fonctions suivantes :

$$1. f(x) = e^{1/x} \sqrt{|x(x+1)|} \quad 2. g(x) = e^{e^x} \quad 3. h(x) = e^{\frac{1}{\sqrt{e^2-x^2}}}$$

**EXERCICE 10** [[Corrigé](#)]

Calculer la dérivée des fonctions suivantes :

$$1. f(x) = x^{(x^x)} \quad 2. g(x) = x^{1/x} \quad 3. h(x) = \left(\frac{x}{n}\right)^{nx} \quad 4. k(x) = \left(\frac{\sin x}{x}\right)^{\frac{x}{\sin x}}$$