



## Énoncés des exercices

EXERCICE 1 [ [Indication](#) ] [ [Correction](#) ]

Calculer la somme  $S_n$  des  $n$  premiers entiers impairs.

EXERCICE 2 [ [Indication](#) ] [ [Correction](#) ]

Calculer la somme  $S = 1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + \dots + (n-1) \cdot n$ .

EXERCICE 3 [ [Indication](#) ] [ [Correction](#) ]

Calculer la somme  $U = 1 \cdot 1! + 2 \cdot 2! + \dots + n \cdot n!$

EXERCICE 4 [ [Indication](#) ] [ [Correction](#) ]

Calculer la somme  $T = 1 \cdot n + 2 \cdot (n-1) + \dots + (n-1) \cdot 2 + n \cdot 1$ .

EXERCICE 5 [ [Indication](#) ] [ [Correction](#) ]

Calculer la somme  $V = 1 \cdot 2 \cdot 3 + 2 \cdot 3 \cdot 4 + \dots + (n-2) \cdot (n-1) \cdot n$

EXERCICE 6 [ [Indication](#) ] [ [Correction](#) ]

Connaissant les expressions de  $\sum_{k=1}^n k$  et  $\sum_{k=1}^n k^2$ , trouver celles de  $\sum_{k=1}^n k^3$  et de  $\sum_{k=1}^n k^4$ .

## Indications ou résultats

INDICATION POUR L'EXERCICE 1 [Retour à l'énoncé]

On trouve  $S_n = n^2$  (en prime, donner une interprétation graphique du résultat.)

INDICATION POUR L'EXERCICE 2 [Retour à l'énoncé]

On trouve  $S = \frac{1}{3} n(n+1)(n-1)$  en utilisant  $\sum_{k=1}^n k^2$  et  $\sum_{k=1}^n k$ .

Il y a une autre démonstration en utilisant les  $v_k = k(k-1)(k-2)$ .

INDICATION POUR L'EXERCICE 3 [Retour à l'énoncé]

Remarquer que  $k \cdot k! = (k+1)! - k!$ .

INDICATION POUR L'EXERCICE 4 [Retour à l'énoncé]

On trouve  $T = \frac{1}{6} n(n+1)(n+2)$  en utilisant  $\sum_{k=1}^n k^2$  et  $\sum_{k=1}^n k$ .

Autre méthode : essayer d'écrire  $u_k = k(n+1-k)$  sous la forme  $u_k = a_{k+1} - a_k$ .

INDICATION POUR L'EXERCICE 5 [Retour à l'énoncé]

Poser  $u_k = k(k+1)(k+2)$  et utiliser  $v_k = (k-1)k(k+1)(k+2)$ .

INDICATION POUR L'EXERCICE 6 [Retour à l'énoncé]

Développer  $\sum_{k=1}^n (k+1)^4$ , puis  $\sum_{k=1}^n (k+1)^5$ .

On trouve  $S_3 = \frac{1}{4} n^2(n+1)^2$  et  $S_4 = \frac{1}{30} n(n+1)(2n+1)(3n^2+3n-1)$ .